

Prof. Dr. Alfred Toth

Abbildungen von Thematisierungsklassen auf ternär-triadische Zeichenrelationen

1. In Toth (2026a) hatten wir die semiotischen Dualsysteme bijektiv auf Thematisierungsklassen abgebildet. Darunter verstehen wir Dualrelationen von thematischen Abbildungen der Form

$$\text{Th} = (X, Y) \rightarrow Z \times Z \leftarrow (Y, X).$$

In Toth (2026b) hatten wir gezeigt, daß das System der drei ortsfunktionalen Operatoren: Adjazenz-, Subjazenz- und Transjazenz-Operator ein verdoppeltes Quadrupelsystem für semiotische Relationen induziert. So läßt sich z.B. das vollständige operationelle System der 9 Subzeichen wie folgt darstellen:

$$(1.1) \rightarrow (1-1), (1--1), (1|1), (1||1), (1/1), (1//1), (1\backslash 1), (1\\1)$$

$$(1.2) \rightarrow (1-2), (1--2), (1|2), (1||2), (1/2), (1//2), (1\backslash 2), (1\\2)$$

$$(1.3) \rightarrow (1-3), (1--3), (1|3), (1||3), (1/3), (1//3), (1\backslash 3), (1\\3)$$

$$(2.1) \rightarrow (2-1), (2--1), (2|1), (2||1), (2/1), (2//1), (2\backslash 1), (2\\1)$$

$$(2.2) \rightarrow (2-2), (2--2), (2|2), (2||2), (2/2), (2//2), (2\backslash 2), (2\\2)$$

$$(2.3) \rightarrow (2-3), (2--3), (2|3), (2||3), (2/3), (2//3), (2\backslash 3), (2\\3)$$

$$(3.1) \rightarrow (3-1), (3--1), (3|1), (3||1), (3/1), (3//1), (3\backslash 1), (3\\1)$$

$$(3.2) \rightarrow (3-2), (3--2), (3|2), (3||2), (3/2), (3//2), (3\backslash 2), (3\\2)$$

$$(3.3) \rightarrow (3-3), (3--3), (3|3), (3||3), (3/3), (3//3), (3\backslash 3), (3\\3)$$

Beispiel: (1.2)

1-2			(1--2)		
1	2	□	1	□	2
□	□	□	□	□	□
□	□	□	□	□	□
1 2			(1 2)		
1	□	□	1	□	□
2	□	□	□	□	□
□	□	□	2	□	□

1/2			(1//2)		
1	□	□	1	□	□
□	2	□	□	□	□
□	□	□	□	□	2
1\2			(1\\2)		
□	□	1	□	□	1
□	2	□	□	□	□
□	□	□	2	□	□

2. Schwieriger wird es allerdings bei ternären Relationen, denn dazu müßten bei Leerstellen die 3×3 -Matrizen vergrößert werden. Wir beschränken uns daher im folgenden auf leerstellenlose Operationen. Als Beispiele behandeln wir die 3., 5. und 6. operationelle Thematisierungsklasse (vgl. Toth 2026c).

3. Operationelle Thematisierungsklasse

3.1	2.1	1.3	×	3.1	1.2	1.3	⇒			
(1-1)		→	3	×	3	←	(1-1)			
(1 1)		→	3	×	3	←	(1 1)			
(1/1)		→	3	×	3	←	(1/1)			
(1\1)		→	3	×	3	←	(1\1)			
1	1	3		1	□	□		1	□	□
□	□	□		1	□	□		□	1	□
□	□	□		3	□	□		□	□	3

5. Operationelle Thematisierungsklasse

3.1	2.2	1.2	×	2.1	2.2	1.3	⇒
(1-2)		→	2	×	2	←	(2-1)
(1--2)		→	2	×	2	←	(2--1)
(1 2)		→	2	×	2	←	(2 1)
(1 2)		→	2	×	2	←	(2 1)

$(1/2)$	$\rightarrow$	2	$\times$	2	$\leftarrow$	$(2/1)$						
$(1//2)$	$\rightarrow$	2	$\times$	2	$\leftarrow$	$(2//1)$						
$(1\backslash 2)$	$\rightarrow$	2	$\times$	2	$\leftarrow$	$(2\backslash 1)$						
$(1\\2)$	$\rightarrow$	2	$\times$	2	$\leftarrow$	$(2\\1)$						
1	2	2		1	$\square$	$\square$		1	$\square$	$\square$	$\square$	$\square$
$\square$	$\square$	$\square$		2	$\square$	$\square$		$\square$	2	$\square$	$\square$	2
$\square$	$\square$	$\square$		2	$\square$	$\square$		$\square$	$\square$	2	2	$\square$

6. Operationelle Thematisierungsklasse

3.1	2.2	1.3	$\times$	3.1	2.2	1.3	$\Rightarrow$					
$(1-2)$	$\rightarrow$	3	$\times$	3	$\leftarrow$	$(2-1)$						
$(1--2)$	$\rightarrow$	3	$\times$	3	$\leftarrow$	$(2--1)$						
$(1 2)$	$\rightarrow$	3	$\times$	3	$\leftarrow$	$(2 1)$						
$(1 2)$	$\rightarrow$	3	$\times$	3	$\leftarrow$	$(2 1)$						
$(1/2)$	$\rightarrow$	3	$\times$	3	$\leftarrow$	$(2/1)$						
$(1//2)$	$\rightarrow$	3	$\times$	3	$\leftarrow$	$(2//1)$						
$(1\backslash 2)$	$\rightarrow$	3	$\times$	3	$\leftarrow$	$(2\backslash 1)$						
$(1\\2)$	$\rightarrow$	3	$\times$	3	$\leftarrow$	$(2\\1)$						
1	2	3		1	$\square$	$\square$		1	$\square$	$\square$	$\square$	$\square$
$\square$	$\square$	$\square$		2	$\square$	$\square$		$\square$	2	$\square$	$\square$	2
$\square$	$\square$	$\square$		3	$\square$	$\square$		$\square$	$\square$	3	3	$\square$

Literatur

Toth, Alfred, Thematisierungsklassen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026a

Toth, Alfred, Verdoppelte Vierfalt von Subzeichen im 2-dimensionalen ternär-triadischen Zeichenmodell. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026b

Toth, Alfred, Operationelles System von Thematisierungsklassen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026c

11.3.2026